

# ESTATÍSTICA E DELINEAMENTO EXPERIMENTAL

## FORMULÁRIO PARTE II

Descrição	Fórmula
<b>ANOVA de efeitos fixos</b>	
<b>Modelo</b>	<b>Graus de liberdade, Estimadores, Resíduos e SQs</b>
<u>Um factor com <math>k</math> níveis</u>	$g.l.(SQF) = k - 1$ ; $g.l.(SQRE) = n - k$ ; $\hat{\mu}_1 = \bar{Y}_1$ $\hat{\alpha}_i = \bar{Y}_{i.} - \bar{Y}_1$ ; $SQF = \sum_{i=1}^k n_i (\bar{Y}_{i.} - \bar{Y}_1)^2$ $E_{ij} = Y_{ij} - \bar{Y}_{i.}$ ; $SQRE = \sum_{i=1}^k (n_i - 1) S_i^2$
<u>Dois factores Factorial, com ou sem interacção</u>	
Factor $A$ com $a$ níveis, Factor $B$ com $b$ níveis (para delineamentos equilibrados, $n_c$ obs. por célula)	$g.l.(SQA) = a - 1$ ; $g.l.(SQB) = b - 1$ $SQA = bn_c \sum_{i=1}^a (\bar{Y}_{i..} - \bar{Y}_{...})^2$ ; $SQB = an_c \sum_{j=1}^b (\bar{Y}_{.j.} - \bar{Y}_{...})^2$
<u>Dois factores Factorial, sem interacção</u>	$g.l.(SQRE) = n - (a + b - 1)$ ; $\hat{Y}_{ijk} = \bar{Y}_{i..} + \bar{Y}_{.j.} - \bar{Y}_{...}$
<u>Dois factores Factorial, com interacção</u>	$g.l.(SQRE) = n - ab$ ; $\hat{\mu}_{11} = \bar{Y}_{11.}$ ; $\hat{\alpha}_i = \bar{Y}_{i1.} - \bar{Y}_{11.}$ $\hat{\beta}_j = \bar{Y}_{1j.} - \bar{Y}_{11.}$ ; $(\hat{\alpha}\hat{\beta})_{ij} = (\bar{Y}_{ij.} + \bar{Y}_{11.}) - (\bar{Y}_{i1.} + \bar{Y}_{1j.})$ $E_{ijk} = Y_{ijk} - \bar{Y}_{ij.}$ ; $SQRE = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b (n_{ij} - 1) S_{ij}^2$
<u>Dois factores Hierarquizados</u>	
Factor $A$ com $a$ níveis	$g.l.(SQA) = a - 1$ ; $g.l.(SQB(A)) = \sum_{i=1}^a (b_i - 1)$
Factor $B$ com $b_i$ níveis no nível $i$ do factor $A$ (del. equilibrado, $n_c$ obs. por célula/folha)	$g.l.(SQRE) = n - \sum_{i=1}^a b_i$ ; $SQRE = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^{b_i} (n_{ij} - 1) S_{ij}^2$ $SQA = n_c \sum_{i=1}^a b_i (\bar{Y}_{i..} - \bar{Y}_{...})^2$
<u>Testes de Tukey</u>	
( $n_c$ repetições em cada um de $m$ níveis/células)	Termo de comparação: $q_{\alpha(m,\nu)} \sqrt{QMRE/n_c}$ , $\nu = gl(SQRE)$
<b>ANCOVA de efeitos fixos</b>	
<u>Modelo com <math>s</math> rectas, <math>j = 2, \dots, s</math></u>	$\hat{\alpha}_{0:j} = \hat{\beta}_{0:j} - \hat{\beta}_0$ ; $\hat{\alpha}_{1:j} = \hat{\beta}_{1:j} - \hat{\beta}_1$
<u>Coefficiente de Determinação <math>R^2</math> do modelo conjunto</u>	$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^s SQR_i + SQF}{\sum_{i=1}^s SQT_i + SQF} = \frac{\sum_{i=1}^s R_i^2 SQT_i + SQF}{\sum_{i=1}^s SQT_i + SQF}$
com os $s$ Coeficientes de Determinação $R_i^2$ de cada modelo individual	
<b>ANOVA a 1 factor de efeitos aleatórios</b>	
<u>Um factor com <math>k</math> níveis</u>	$g.l.(SQF) = k - 1$ ; $g.l.(SQRE) = n - k$
(para delineamentos equilibrados, $n_c$ obs. por célula)	$\hat{\sigma}_u^2 = \frac{QMF - QMRE}{n_c}$
<b>Métodos não paramétricos de tipo ANOVA</b>	
<u>Estatística do teste de Kruskal Wallis, sob <math>H_0</math></u>	$H = \frac{12}{n(n+1)} \sum_{i=1}^k \frac{R_i^2}{n_i} - 3(n+1) \sim \chi_{k-1}^2$
<u>Estatística do teste de Friedman, sob <math>H_0</math></u>	$S = \frac{12}{ab(a+1)} \sum_{i=1}^a R_i^2 - 3b(a+1) \sim \chi_{a-1}^2$